# 使用反射係數之頻譜包絡內插方法

A Spectral-envelope Interpolation Method Using Reflection Coefficients

### 古鴻炎 蔡哲彰

國立台灣科技大學 資訊工程系

# 1. 前言

這裡"頻譜包絡"指的是振幅頻譜包絡(spectral magnitude envelope),一個例子如圖 1 裡較為平滑的曲線,它是由一個/bi/音音框(frame)的 DFT (discrete Fourier transform)頻譜所估計出的。在一些語音處理的子領域中,會需要在兩條頻譜包絡曲線之間作內插,以求得兩者之間過渡的頻譜包絡。例如在使用單元串接之語音合成系統裡,為了避免在串接點發生頻譜不連續(spectral mismatch)的現象,就需要作頻譜包絡之內插,再依據內插出的頻譜包絡去產生語音信號;雖說過去有一些方法被提出來減輕串接點上頻譜不連續的問題[1],但那並未根本地解決問題。在歌聲合成的系統裡,由於可能的音高(pitch)、音長(duration)、音節之組合數量更爲龐大,因此當從語料庫(corpus)選取合成單元來作串接時,串接點上幾乎都會發生音高軌跡(pitch contour)不連續、及頻譜的不連續,所以有需要在串接點附近作頻譜包絡內插。此外在語音辨識系統裡,一種可能的語者調適(speaker adaptation)方法是,將某兩語者的音素(phoneme)頻譜包絡作內插,用以逼近目前使用者的音素頻譜包絡。



在作頻譜包絡的內插之前,參與的語音音框的頻譜包絡必需先被估計出來,關於頻譜 包絡的估計,過去已有一些方法被提出[2,3],例如以LPC (linear prediction coding)全極(all pole)模型之頻率響應(frequency response)來逼近頻譜包絡[4];在DFT 頻譜上以平滑化的倒 頻譜(cepstrum)曲線作迭代改進之"True-Envelope"估計法[3,5];消除信號本身週期性之干 擾、而具有極高準確性之 STRAIGHT 估計法[6];以及我們最近嘗試作改進之離散倒頻譜 (discrete cepstrum, DCep)估計法[7, 8]。雖然 STRAIGHT 估計法的準確性很高,而 True-Envelope 估計法的準確性也很好,但是兩者需求的計算量很大,目前要以個人電腦 的計算能力來達成即時處理,是非常困難的,因此我們仍然決定採用 DCep(離散倒頻譜) 之估計法。由於本篇文章的重點在於頻譜包絡之內插,所以頻譜包絡估計方法的細節,就 不在這裡介紹了。

# 2. 內插的方法、領域、與效果

談到內插的方法,一般人直覺上會想到的是線性內插(linear interpolation),如果使用 線性內插就能達成所要求的效果,那麼就不必把事情複雜化。因此對於頻譜包絡內插的問 題,首先考慮我們究竟要達成什麼效果?其實從聲響音素學(acoustic phonetics)的知識[9] 可知道,當連續發音兩種母音音素時,如連續發/a/與/i/,這兩個音素之間會有共發聲 (coarticulation)的現象,而共發聲現象表現在聲譜(spectrogram)上,就是兩音素的共振峰軌 跡(formant trajectory)在音素的邊界附近,會以平滑移動的方式相互靠近,一個例子如圖2 所示,所以頻譜包絡內插要達成的效果就是,當逐漸改變內插比例值時,所得到的一序列 頻譜包絡能夠讓共振峰頻率逐漸改變,而形成平滑移動之共振峰軌跡。在確定所需求的效 果之後,接著就可考慮執行內插的領域(domain)、及內插的方法。



圖 2 共振峰軌跡以平滑移動方式相互靠近[10]

執行內插的領域可以選擇在頻域,即直接使用頻譜包絡,或是選擇在其它頻譜係數的 領域,例如:LPC係數、LSF(line spectrum frequency)係數、反射(reflection)係數,DFT 倒 頻譜係數、DCep係數、...等等,至於選擇那一種係數較好?應採取那一種內插方法來作 搭配?則不是立刻可以推想得知。不過,如果我們直接對兩條頻譜包絡曲線作線性內插, 則可立刻推知其結果是,共振峰軌跡會以平行方式作淡進淡出(cross fading),一個例子如 圖3所示。此外,由前人的論文也已經知道[10],若選擇LSF係數來作線性內插,則會發 生某些共振峰軌跡可以平滑地移轉、連接,而某些共振峰軌跡卻會中斷的不一致情形,例 子如圖4裡經LSF係數內插/a/音框與/i/音框所得到的聲譜圖。 過去已經有人研究頻譜包絡內插的方法,並且可以達成前面所說的效果,Pfitzinger 的 DFW (dynamic frequency warping)為基礎的方法[10]、和 Ezzat 等人的聲訊流(audio flow) 為基礎的方法[11],都是直接在頻譜包絡上進行內插,但是使用了不同的內插方法。DFW 的觀念是,透過動態頻率校正來建立兩條包絡微分曲線之間的頻率軸對應關係;聲訊流的 觀念,則是從 optical flow 的觀念衍生而來,應用時也是在包絡微分曲線上進行聲訊流的 計算。如果說還有另外一種頻譜包絡的內插方法,我們覺得基於統計模型、及最大似然 (maximum likelihood)原則的方法也算是一種,例如最近常被使用於作語音合成之 HMM (hidden Markov model)模型及其音框頻譜係數的求解方法[12],但是統計模型之參數需要 收集大量的語料來作估計,這是它的缺點。



#### 圖 3 共振峰軌跡淡進淡出之例子



# 3. 反射係數與頻譜包絡內插

尋找一種恰當的頻譜參數,再對它作簡單的線性內插處理,即可達成前述的頻譜包絡 內插效果,一直是我們追求的目標。經過對幾種頻譜係數作實驗驗證,我們最後發現反射 係數就是所要找的頻譜係數。反射係數具有的物理意義是,當把聲道(vocal track)模式化 (modeling)成多節管(multi-tube)之聲響(acoustic)模型,如圖 5 所畫的,則第 k 個反射係數  $C_k$ 的意義就是,第 k 與 k+1 節管子的截面積  $B_k$ 與  $B_{k+1}$ 的差值與和值的比值,即

$$C_k = \frac{(B_{k+1} - B_k)}{(B_{k+1} + B_k)} \quad .$$
(1)

從反射係數所具有的物理意義,我們認爲這可用以解釋,爲什麼對反射係數作簡單的線性內插,就可以達成所想要的頻譜包絡內插之效果。



圖 5 聲道之多節管模型[13]

#### 3.1 頻譜包絡至反射係數之轉換

當從一個音框估計得到一條頻譜包絡曲線  $S_i$ ,  $i=0, 1, ..., N-1, N \leq DFT 轉換的點數,本$ 文中設 <math>N=512,接著我們可對  $S_i$ 取平方而得到功率頻譜(power spectrum),然後作 N 點的 離散反傅利葉轉換(inverse DFT),以求得自相關(autocorrelation)係數  $R_n$  [14, 15],離散反傅 利葉轉換的公式為

$$R_n = \frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N-1} \left| S_k \right|^2 \cdot e^{j\frac{2\pi}{N}kn}, \quad n = 0, 1, \cdots, N-1,$$
(2)

實作上則是以反快速傅利葉轉換(inverse FFT)來計算公式(2)。依據自相關係數  $R_n$ ,接下來 可再使用 Levinson-Durbin (LD)演算法[9, 13, 14]來求取 p 階的 LPC 係數  $\alpha_k$  與反射係數  $C_k$ , k=1, 2, ..., p, LD 演算法的詳細步驟如下:

步驟(a) 令 
$$E^{(0)} = R_0$$
,  $m = 1$  (3)

步驟(b) 
$$C_m = \frac{1}{E^{(m-1)}} \left( R_m - \sum_{i=1}^{m-1} \alpha_i^{(m-1)} \cdot R_{m-i} \right)$$
 (4)

步驟(c) 
$$\alpha_m^{(m)} = C_m$$
 (5)

步驟(d) 
$$\alpha_i^{(m)} = \alpha_i^{(m-1)} - C_m \cdot \alpha_{m-i}^{(m-1)}, \quad i = 1, ..., m-1$$
 (6)

步驟(e) 
$$E^{(m)} = E^{(m-1)} \left( 1 - C_m \cdot C_m \right)$$
 (7)

步驟(f) 如果 
$$m < p$$
, 則令  $m = m+1$ , 再回到步驟(b)

最後令 $C_0 = R_0$ ,以保留能量資訊。

#### 3.2 反射係數至頻譜包絡之轉換

當以線性內插(或其它內插方式)得到一組新的反射係數 *C<sub>i</sub>* 之後,接著可執行前述的 LD 演算法,不過步驟(b)要略過,因為反射係數是已知的,如此就可求得 *p* 階的 LPC 係數  $\alpha_i^{(p)}$ , *i*=1,2, ..., *p*。依據所求得的 LPC 係數,就可用以建立一個全極模型,然後計算此全 極模型的頻率響應,就可求得對應的頻譜包絡,也就是藉由全極模型來定義一組反射係數 對應的頻率響應,全極模型的正規化(normalized)頻率響應的計算公式為

$$Q_{k} = 1 \left/ \left| 1 - \sum_{n=1}^{p} \alpha_{n}^{(p)} \cdot e^{-j\frac{2\pi}{N}kn} \right| \quad , \ k = 0, 1, \cdots, N-1$$
(8)

理論上只要階數夠高(p 夠大),頻譜包絡裡的零點(zero)效應仍可被極點(pole)所逼近[9]。

當使用公式(8)計算出頻譜包絡  $Q_k$ 之後,會發現它和真實的頻譜包絡之間有能量上的 偏移,因此需要對  $Q_k$ 乘上一個能量調整值  $u, u = (E_{org} / E_{lpc})^{0.5}$ ,其中  $E_{org}$ 表示原始頻譜包 絡的能量(可由  $C_0$ 取得), $E_{lpc}$ 則表示 LPC 頻譜包絡  $Q_k$ 的能量。

### 4. 語音信號再合成

令  $SA_k$ ,  $SB_k$ 表示兩條給定的頻譜包絡曲線,當對它們轉換出的反射係數作內插,我們 可得到一序列時間點上的頻譜包絡曲線  $S_k^{(y)}$ , k = 0, 1, ..., N-1, y = 0, 1, ..., 120, 在此 y表 示時間軸上的第 y 個控制點或音框。為了方便說明,這裡先採取線性內插的方式,也就是 令

$$CT(S_{k}^{(y)}) = \begin{cases} CT(SA_{k}), & \text{if } 0 \le y < 30\\ CT(SA_{k}) \cdot \frac{90-y}{60} + CT(SB_{k}) \cdot \frac{y-30}{60}, & \text{if } 30 \le y \le 90\\ CT(SB_{k}), & \text{if } 90 < y \le 120 \end{cases}$$
(9)

在公式(9)裡 CT(·)表示頻譜包絡至反射係數之轉換。

對於內插出的頻譜包絡序列  $S_k^{(v)}$ ,我們希望用以合成出語音信號,這樣就可以聽覺感受/a/音音框的  $SA_k$ 與/i/音音框的  $SB_k$ ,當合成出語音信號時,是否會有雙母音/ai/的感受,並且合成的語音信號作聲譜分析後,也可用以觀察共振峰軌跡的走勢。因此,我們接著採用 HNM (harmonic-plus-noise model)信號模型[16],並且依據頻譜包絡來決定各個諧波 (harmonic)與雜音(noise)的振幅,然後再據以產生出語音信號。

設  $F_0^{(y)}$ 是對第 y 個音框所給定的基本頻率,則此音框第 n 個諧波的頻率就是  $n \cdot F_0^{(y)}$ , 而它的振幅則可依頻譜包絡曲線  $S_k^{(y)}$ 去決定,一個簡單方法是找出頻譜包絡曲線之頻率軸 上最靠近  $n \cdot F_0^{(y)}$ 的相鄰兩點上的振幅去作線性內插。另外,我們直接設定 MVF (maximum voiced frequency)為 6,500Hz,並且設定兩音框之間間隔 100 個樣本點,而取樣率則設為 22,050。為了方便說明,令第*i*個音框所求出的諧波參數是 $f_k^i, a_k^i, k=1, 2, ..., L^i, f_k^i 與 a_k^i$ 分別表示第*k*個諧波的頻率與振幅;再令第*i*+1個音框所求出的諧波參數是 $f_k^{i+1}, a_k^{i+1}, k=1, 2, ..., L^{i+1}$ 。如此,當要合成第*i*和第*i*+1音框之間時刻*t*的諧波信號之樣本 *h*(*t*)時,我們先以如下公式作線性內差,

$$f(k,t) = f_k^i + \frac{t}{100} (f_k^{i+1} - f_k^i), \quad k = 1, 2, ..., L$$

$$a(k,t) = a_k^i + \frac{t}{100} (a_k^{i+1} - a_k^i), \quad k = 1, 2, ..., L$$
(10)

以求取時刻 t 時各諧波的頻率與振幅,其中 100 表示相鄰音框之間的樣本點數, $L \neq L^{i}$  和  $L^{i+1}$ 的較大者,因此當  $L^{i}$ 小於  $L^{i+1}$ 時,就要把  $a_{k}^{i}$ ,  $k = L^{i} + 1, ..., L^{i+1}$ 設為零值。然後,以如下 公式計算 h(t),

$$h(t) = \sum_{k=1}^{L} a(k,t) \cdot \cos(\phi(k,t)), \quad 0 \le t < 100$$

$$\phi(k,t) = \phi(k,t-1) + 2\pi \cdot f(k,t)/22,050$$
(11)

其中  $\phi(k,t)$  表示第 k 個諧波累積到時刻 t 時的相位量, 關於初始值  $\phi(k,-1)$ , 我們令其等於前一音框裡的  $\phi(k,99)$  以便維持相位的連續性, 而當音框編號 i 為 0 時就以亂數來設定。

關於雜音(noise)信號的合成,我們採取 HNM 文獻上提到的一個作法[16],就是把雜 音當作是 MVF 之後頻率間隔固定為 100Hz、但振幅會隨時間改變之一些弦波的加總。先 依 MVF 決定頻率 index 之下限 *KL*=MVF / 100,而其上限明顯地是 *KU*=11,025 / 100,如此, 對於第 *i* 和第 *i*+1 音框之間時刻 *t* 的雜音信號樣本 *g*(*t*),我們以如下公式來計算,

$$g(t) = \sum_{k=KL}^{KU} b(k,t) \cdot \cos(\psi(k,t)), \quad 0 \le t < 100$$

$$\psi(k,t) = \psi(k,t-1) + 2\pi \cdot k \cdot 100/22,050$$
(12)

其中b(k,t)表示時刻t時第k個弦波的振幅,其值也是以類似公式(10)之線性內差來求得, $\psi(k,t)$ 表示第k個弦波累積到時刻t時的相位量,其初始值也是以亂數來設定。最後,將h(t)與g(t)相加,即可得到時刻<math>t的合成信號樣本。

### 5. 測試實驗

#### 5.1 全極模型之階數

前面 3.2 節提到,以內插得到的反射係數去建造對應的全極模型,再以全極模型的頻 率響應作為導出的頻譜包絡。那麼全極模型的階數應設多大?在此以實驗的方式來觀察不 同階數對頻譜包絡曲線的影響,我們先對一個/a/音音框及一個/i/音音框去計算它們的 DCep 之頻譜包絡[8],然後依序執行 3.1 節和 3.2 節的轉換處理,並且分別建立階數 20、 40、60、80、100 之全極模型,再依公式(8)去算出它們的頻譜包絡曲線,畫成圖形後/a/ 音框和/i/音框各自的 5 種階數的頻譜包絡曲線,分別如圖 6(a)與 6(b)所示。當比較原始的 頻譜包絡和 5 種階數的頻譜包絡,我們發現階數要到 80 時,/a/和/i/的兩個音框的頻譜包 絡才會足夠細緻,也就是圖 6(a)與 6(b)裡箭頭所指的頻譜隆起才會顯現出來。因此在後面 的實驗中,我們就使用階數為 80 之全極模型。

對於階數 80 之全極模型,我們再進一步觀察它的頻譜包絡和原始的 DCep 頻譜包絡 之間的逼近程度,使用相同的/a/和/i/兩個音框,它們的全極模型頻譜包絡的逼近情形分別 如圖 7(a)與 7(b)所示,由圖 7(a)與 7(b)可發現,在頻譜包絡曲線的波峰與平緩變化的地方, 全極模型的頻譜包絡曲線(深色)幾乎是和 DCep 頻譜包絡曲線(淺色)重疊在一起,只有在 頻譜包絡曲線的尖銳波谷的地方,才會顯現出明顯的逼近誤差,如圖 7(a)與 7(b)裡箭頭所 指的地方。所以由反射係數所導出的全極模型之頻譜包絡曲線,一般來說可以相當準確地 逼近原始的頻譜包絡曲線。



(a) /a/音框的 5 條頻譜包絡

(b) /i/音框的 5 條頻譜包絡

圖 6 全極模型階數對頻譜包絡曲線的影響



圖 7 階數 80 之全極模型頻譜包絡的逼近情形

#### 5.2 共振峰軌跡之走勢

在此我們將一個/a/音音框和一個/i/音音框的反射係數,以逐漸改變比例值的方式(就如公式(9)中間的式子),內插出一序列9個音框的反射係數,然後使用 3.2 節的轉換處理, 把反射係數轉換成頻譜包絡,再將 11 個音框(內插9個及原始2個)的頻譜包絡依序由下往 上畫出,結果得到如圖8所顯示的圖形。由圖8可看出,/a/音音框的F1(第一共振峰)頻率 值會逐漸地往/i/音音框的F1 頻率值移動,而/a/音框的F2(第二共振峰)頻率值也會逐漸地 往/i/音框的F2 頻率值移動,就如圖8裡的兩條縱向虛線所顯示的,所以經由反射係數作 內插,的確可以達成第2節裡所提到的頻譜包絡內插之效果。

另外,我們也使用相同的/a/音與/i/音音框,帶入公式(9)去內插出 120 個音框,再設定 各音框的基頻值都為 130Hz,然後使用第 4 節的語音信號再合成方法,去產生出語音信號 並且存成音檔,此音檔可從網頁http://guhy.csie.ntust.edu.tw/envlp/ 去下載試聽,我們聆聽 之後覺得,該音檔聽起來的確有雙母音/ai/的感受。此外,我們使用 WaveSurfer 軟體去分 析此音檔的聲譜,結果得到如圖 9 所示的圖形,從圖 9 我們可以明顯看到前三條共振峰的 軌跡,會隨著橫軸(時間軸)逐漸地移動頻率值,而沒有軌跡不連續的情況。



圖 8 經反射係數內插得到之一序列的頻譜包絡



圖 9 經反射係數內插之合成語音的聲譜

為了作對照,我們也以公式(9)來直接對 DCep 係數作線性內插,內插出的 120 個音框 的 DCep 係數,再拿去計算出對應的頻譜包絡[8],然後使用第 4 節的語音信號再合成方法, 去產生出語音信號並且存成音檔。當聆聽這個音檔,會感覺聽到兩個獨立的音素,而無雙 母音/ai/的感受。此外,以 WaveSurfer 軟體去分析這個音檔的聲譜時,結果得到如圖 3 所 示的圖形,即顯現出淡進淡出之共振峰軌跡的走勢,所以直接對 DCep 係數作內插,並不 能得到所想要的頻譜包絡內插之效果。由圖 3 之淡進淡出現象,我們推測其它的倒頻譜係 數(如 LPC cepstrum),直接作內插時也將會發生淡進淡出的情況。

至於 LPC 係數,我們也曾以公式(9)來直接作線性內插,內插出的 120 個音框的 LPC 係數,再以公式(8)計算出對應的頻譜包絡,然後使用第 4 節的語音信號再合成方法,去 產生出語音信號。LPC 係數內插出的頻譜包絡,似乎可以讓共振峰軌跡作逐漸的移轉,如 圖 10 所示之聲譜,不過 F1 和 F2 的軌跡並不是隨著橫軸作線性的改變,並且聲譜上會出 現一些能量突然變高的特黑的點,如圖 10 裡箭頭所指的地方。其原因是 LPC 係數內插出 的頻譜包絡,在某些時間點上會發生不穩定的情況,即全極模型有極點跑到 z 平面的單位 圓上[15],而造成很尖銳的頻譜包絡波峰的出現。就因爲這樣,合成出的語音信號,聽起 來才會感覺到含有喀嗒聲(click)。



圖 10 經 LPC 係數內插之合成語音的聲譜

### 6. 結語

關於頻譜包絡的內插,若要達成共振峰軌跡的平滑移動,並不是各種的頻譜參數都能做到。在本篇論文裡,我們提出了一種以反射係數來控制共振峰軌跡作平滑移動的方法,並且說明了反射係數與頻譜包絡之間相互作轉換的實施程序。為了驗證所提出之方法,我們撰寫了程式作反射係數內插的測試,實驗結果顯示,當對反射係數作線性內插之處理,則 F1 與 F2 的共振峰軌跡會以線性方式來移動。因此,如果需要獲得非線性的共振峰軌跡移動,如 0.5 + 0.5·cos(π·t/T),則可推廣成以非線性的方式來對反射係數作內插,如此就能達成所希望的效果。不過美中不足的是,反射係數所轉換出的頻譜包絡,在包絡曲線的尖銳波谷地方,逼近誤差會顯得較大,這是未來需要再作改進的。

## 參考文獻

- D. T. Chappell and J. H. L. Hansen, "A comparison of spectral smoothing methods for segment concatenation based speech synthesis," *Speech Communication*, vol. 36, pp. 343–374, 2002.
- [2] D. Schwarz and X. Rodet, "Spectral envelope estimation and representation for sound analysis-synthesis," *Int. Computer Music Conference*, Beijing, China, pp. 351-354, Oct. 1999.
- [3] A. Robel and X. Rodet, "Efficient spectral envelope estimation and its application to pitch shifting and envelope preservation," *Int. Conference on Digital Audio Effects*, Madrid, Spain, pp. 1-6, 2005.
- [4] J. D. Markel and A. H. Gray Jr., *Linear Prediction of Speech*, New York: Springer-Verlag, 1976.
- [5] S. Imai and Y. Abe, "Spectral envelope extraction by improved cepstral method," *Electron. and Commun. in Japan*, vol. 62-A, no. 4, pp. 10–17, 1979. (in Japanese)
- [6] H. Kawahara, I. Masuda-katsuse, and A. De Cheveign, "Restructuring speech representations using a pitch-adaptive time-frequency smoothing and an instantaneous-frequency-based F0 extraction: possible role of a repetitive structure in sounds", *Speech Communication*, vol. 27, pp. 187-207, 1999.
- [7] O. Cappé and E. Moulines, "Regularization techniques for discrete cepstrum estimation," *IEEE Signal Processing Letters*, vol. 3, no. 4, pp. 100–102, 1996.
- [8] 古鴻炎、蔡松峰,「基於離散倒頻譜之頻譜包絡估計架構及其於語音轉換之應用」, 第二十一屆自然語言與語音處理研討會(ROCLING 2009),台中,第151-164頁,2009。
- [9] D. O'Shaughnessy, *Speech Communication: Human and Machine*, 2nd ed., IEEE Press, 2000.
- [10] H. R. Pfitzinger, "DFW-based spectral smoothing for concatenative speech synthesis," Int.

Conf. Spoken Language Processing, Jeju, Korea, pp. 1397-1400, 2004.

- [11] T. Ezzat, E. Meyers, J. Glass, and T. Poggio, "Morphing spectral envelopes using audio flow," *INTERSPEECH 2005*, Lisbon, Portugal, pp. 2545-2548, 2005.
- [12] K. Tokuda, H. Zen, and A. W. Black, "An HMM-based speech synthesis system applied to English," *IEEE Workshop on Speech Synthesis*, Santa Monica, CA, pp. 227-230, 2002.
- [13] 王小川,語音訊號處理(修訂二版),全華圖書公司,台北,2009。
- [14] L. Rabiner and B. H. Juang, Fundamentals of Speech Recognition, Prentice Hall, Englewood Cliffs, 1993.
- [15] A. V. Oppenheim, R. W. Schafer, and J. R. Buck, *Discrete-Time Signal Processing*, 2nd ed., Prentice-Hall, 1999.
- [16] Y. Stylianou, Harmonic plus Noise Models for Speech, Combined with Statistical Methods, for Speech and Speaker Modification, Ph.D. thesis, Ecole Nationale Supèrieure des Télécommunications, Paris, France, 1996.